



# EKONOMETRIE

**P3**  
**2008-03-03**

## OPAKOVÁNÍ:

### Strukturální a redukováná forma ekonometrického modelu:

#### ✓ Strukturální tvar:

- Vyjadřuje závislosti mezi endogenními proměnnými a vysvětlujícími proměnnými, tj. jak endogenními, tak predeterminovanými. Ve strukturálním tvaru endogenní proměnné závisí jak na ostatních endogenních proměnných, tak na predeterminovaných proměnných.

- **Příklad** – dvourovnicový ekonometrický model:

$$y_{1t} = \beta_{12}y_{2t} + \gamma_{11}x_{1t} + u_{1t}$$

$$y_{2t} = \beta_{21}y_{1t} + \gamma_{22}x_{2t} + u_{2t}$$

#### ✓ Redukovaný tvar:

- Vyjadřuje závislosti pouze mezi endogenními a predeterminovanými proměnnými, na pravé straně jsou pouze predeterminované proměnné.

- **Příklad** – dvourovnicový ekonometrický model:

$$y_{1t} = m_{11}x_{1t} + m_{12}x_{2t} + u_{1t}$$

$$y_{2t} = m_{21}x_{1t} + m_{22}x_{2t} + u_{2t}$$

### Strukturální a redukováná forma ekonometrického modelu:

#### ✓ Strukturální tvar:

- $By + \Gamma x = u$  (beta a gama jsou parametry)

$$B = \begin{pmatrix} 1 & -\beta_{12} \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \Gamma = \begin{pmatrix} -\gamma_{11} & 0 \\ 0 & -\gamma_{22} \end{pmatrix}$$

#### ✓ Redukovaný tvar:

- $M = -B^{-1}\Gamma$
- $y = Mx + v$  (M je parametr, v je náhodná proměnná)

$$v = B^{-1}u$$

$$y = \underbrace{-B^{-1}\Gamma x}_M + \underbrace{B^{-1}u}_v$$

## EKONOMETRICKÝ MODEL:

### Klasifikace ekonometrického modelu:

#### ✓ Podle fáze reprodukčního procesu:

- **Dílčí** – zabývá se pouze jednou fází reprodukčního procesu
- **Komplexní** – popisuje podstatné prvky reprodukčního procesu

#### ✓ Podle poznávacích znamení – kauzální, symptomatické, růstové

#### ✓ Podle matice beta:

- **Prosté** – na pravé straně nevystupuje žádná endogenní proměnná v pozici vysvětlující proměnné, matice

beta je jednotková, např.:  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ . Jednorovnicový model je vždy prostý.

- **Rekurzivní** – matice beta je trojúhelníková, např.:

$$B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\beta_{21} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{- tento model má mezi endogenními proměnnými dopřednou vazbu}$$



▪  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -\beta_{23} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  - rovnice lze přeskládat, aby hodnota byla pod hlavní diagonálou, takže je nám

jedno, jestli je prvek pod nebo nad hlavní diagonálou, ale nesmí být pod a nad zároveň.

- **Simultánní** – musí mít dopředné i zpětné vazby mezi endogenními proměnnými, tedy nějaký prvek nad i

pod hlavní diagonálou, např.:  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\beta_{13} \\ 0 & 1 & -\beta_{23} \\ -\beta_{31} & 0 & 1 \end{pmatrix}$

- **Způsoby výpočtu:**

- Prostý i rekursivní model lze rozhodnout pomocí běžné metody nejmenších čtverců
- Simultánní model – běžnou metodu nejmenších čtverců lze použít jen u specifických metod, ale pro odhad parametru simultánních modelů používáme dvoustupňovou metodu nejmenších čtverců a metodu minimalizace poměru rozptylu.

- ✓ **Podle stupňů agregace** – agregátní, strukturní (desagregované)

- ✓ **Z hlediska času:**

- **Statické** – čas nehraje žádnou roli
- **Dynamické** – je zohledněn vývoj v čase
- **Dynamizace modelu:**
  - Zahrnutí zpožděné proměnné, např.:  $y_{1t} = \gamma_{11}x_{1t} + \gamma_{12}x_{2t} + \gamma_{13}x_{3t-1}$ , je zde zahrnuto zpoždění o jeden \*rok, ale pokud by bylo např.  $\gamma_{13}x_{3t-1/4}$ , pak by bylo zpoždění o čtvrtinu období. Rovnice vyjadřuje například celkové množství pšenice v roce 2008, které závisí na ceně v roce 2007.
  - Zahrnutí časové proměnné, např.:  $y_{1t} = \gamma_{11}x_{1t} + \gamma_{12}x_{2t} + \gamma_{13}x_{3t-1} + \gamma_{14}x_4$ , kde  $x_4$  bude představovat časový vektor a způsobí zavedení dynamického trendu.
  - Postupné difference
  - Relativní vyjádření, například procentické přírůstky
  - Odchylky od průměru – vypočteme průměr časové řady a pro každé období vytvoříme odchylku.
  - Pomocí umělé (dummy, nula-jedničkové) proměnné

- ✓ **Podle vztahu mezi proměnnými:**

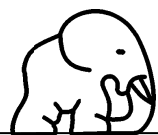
- Vyjádření ve strukturované formě
- Vyjádření v redukované formě

### Identifikace ekonometrického modelu:

- ✓ Zda se jedna rovnice v lineárním modelu nedá vyjádřit jako lineární kombinace ostatních rovnic ekonometrického modelu. Tedy zda jedna z rovnic není kombinací ostatních rovnic. Tento model by nebyl identifikován.
- ✓ Máme-li model prostý a rekursivní, jsou vždy identifikované.
- ✓ Simultánní model, který má dopředné i zpětné vazby, může být jedna rovnice lineární kombinací ostatních.
- ✓ Pokud redukovanému modelu odpovídá strukturální, znamená to, že mu odpovídá více ekonomických teorií, z ekonomického hlediska není vztah definován.

- ✓ **Podmínka identifikovatelnosti:**

- $k_{**} \geq g_{\Delta} - 1$
- Počet predeterminovaných proměnných nezahrnutých v dané rovnici, pro kterou provádím identifikaci, je větší nebo roven počtu endogenních proměnných zahrnutých v dané rovnici zmenšených o jednotku.
- $k$  – počet predeterminovaných proměnných v modelu
- \* je predeterminovaná proměnná,  $\Delta$  je endogenní proměnná
- $k^*$  - počet predeterminovaných proměnných zahrnutých v rovnici
- $k^{**}$  - počet predeterminovaných proměnných nezahrnutých v rovnici
- $k = k^* + k^{**}$        $k - k^* = k^{**}$
- $g$  – počet endogenních proměnných v modelu
- $g_{\Delta}$  – počet endogenních proměnných zahrnutých v rovnici
- $g^*$  - počet endogenních proměnných nezahrnutých v rovnici

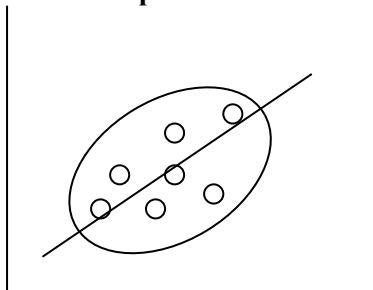


- $G = G_{\Delta} + G_{\Delta\Delta}$
- **Trichotomie:**
  - $>$  - rovnice je přeidentifikovaná
  - $=$  - rovnice je přesně identifikovaná, tzn., že na každou endogenní proměnnou připadá alespoň jedna predeterminovaná proměnná, která ji vysvětluje
  - $<$  - rovnice je podidentifikovaná, neidentifikovaná

### Běžná metoda nejmenších čtverců:

- ✓ Jedna z nejjednodušších a nejznámějších metod pro odhad parametru regresních modelů, v našem smyslu ekonometrických.
- ✓ Podstata – minimalizace čtverců:

- **Korelační pole:**



- **Regresní přímka:**  $y_t = a + bx_t + u_t$
- Sčítáme vzdálenost čtverců, abychom odhad parametru  $a$  a  $b$  pomocí metody dostaly jedinečný. Namísto součtu odchylek děláme součet čtverců odchylek
- **Podstata** – součet čtverců odchylek, který chceme najít minimální:

$$\sum_{t=1}^n u_t^2 \rightarrow \min, \text{ resp. } \sum_{t=1}^n (y_t - \hat{y}_t)^2 \rightarrow \min$$

$$\hat{y}_t = a + bx_t$$

$$y_t = \hat{y}_t + u_t$$

$$y_t = a + bx_t + u_t$$

$$y_t - \hat{y}_t = u_t$$

- **Odvození:**

$$\sum_{t=1}^n u_t^2 \rightarrow \min$$

$$\sum_{t=1}^n (y_t - a - bx_t)^2 \rightarrow \min$$

Hledáme extrém funkce  $\Rightarrow$  parciální derivace

$$\frac{\partial f}{\partial a} = 2 \sum_{t=1}^n (y_t - a - bx_t) = 0$$

$$\frac{\partial f}{\partial b} = 2 \sum_{t=1}^n x_t \sum_{t=1}^n (y_t - a - bx_t) = 0$$

$$\sum_{t=1}^n y_t - an - b \sum_{t=1}^n x_t = 0$$

$$\sum_{t=1}^n x_t y_t - a \sum_{t=1}^n x_t - b \sum_{t=1}^n x_t \sum_{t=1}^n x_t = 0$$

$$an + b \sum_{t=1}^n x_t = \sum_{t=1}^n y_t$$

$$a \sum_{t=1}^n x_t + b \sum_{t=1}^n x_t \sum_{t=1}^n x_t = \sum_{t=1}^n x_t \sum_{t=1}^n y_t$$



$$\begin{pmatrix} n & \sum_{t=1}^n x_t \\ \sum_{t=1}^n x_t & \sum_{t=1}^n x_t \sum_{t=1}^n x_t \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sum_{t=1}^n y_t \\ \sum_{t=1}^n x_t \sum_{t=1}^n y_t \end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} X & x \\ 1 & 2 \\ 1 & 6 \\ 1 & 7 \\ 1 & 8 \end{vmatrix}$$

$$(X^T X)(\gamma) = X^T y$$

$$(\gamma) = (X^T X)^{-1} X^T y$$

• **Příklad:**

Spotřební funkce:  $y_t = \gamma_{11}x_{1t} + \gamma_{12}x_{2t} + \gamma_{13}x_{3t} + u_t$

$y_1$	$x_2$	$x_3$
7	5	10
8	4	11
9	3	12
10	2	15
11	1	18

y:

$$\begin{pmatrix} 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 11 \end{pmatrix}$$

X:

$$\begin{pmatrix} 1 & 5 & 10 \\ 1 & 4 & 11 \\ 1 & 3 & 12 \\ 1 & 2 & 15 \\ 1 & 1 & 18 \end{pmatrix}$$